

# UNIVERSIDADES DE ANDALUCÍA PRUEBA DE ACCESO A LA UNIVERSIDAD

MATEMÁTICAS APLICADAS A LAS CIENCIAS SOCIALES

CURSO 2012-2013

Instrucciones:

- a) Duración: 1 hora y 30 minutos.
- b) Elija una de las dos opciones propuestas y conteste los ejercicios de la opción elegida.
- c) En cada ejercicio, parte o apartado se indica la puntuación máxima que le corresponde.
- d) Se permitirá el uso de calculadoras que no sean programables, gráficas ni con capacidad para almacenar o transmitir datos.
- e) Si obtiene resultados directamente con la calculadora, explique con detalle los pasos necesarios para su obtención sin su ayuda. Justifique las respuestas.

## OPCIÓN A

## EJERCICIO 1

Sean las matrices 
$$A = \begin{pmatrix} 2 & 3 \\ 3 & 5 \end{pmatrix}$$
,  $B = \begin{pmatrix} 3 & -5 & 3 \\ 0 & 2 & 1 \end{pmatrix}$ ,  $C = \begin{pmatrix} 8 \\ 3 \\ 0 \end{pmatrix}$ ,  $D = \begin{pmatrix} 5 \\ 3 \end{pmatrix}$ .

- a) (1 punto) Calcule  $A^3$ .
- b) (1.5 puntos) Determine la matriz X para que  $A \cdot X + B \cdot C = D$ .

## **EJERCICIO 2**

Calcule las derivadas de las siguientes funciones:

a) **(0.75 puntos)** 
$$f(x) = \frac{(x^2 - 5)^3}{3 - x^2}$$
.

b) **(0.75 puntos)** 
$$g(x) = e^{7x} \cdot (x - 5x^2)^2$$
.

c) (1 punto) 
$$h(x) = \frac{x \cdot \ln(1 - x^2)}{x - 3}$$
.

#### **EJERCICIO 3**

Un Centro de Salud propone dos terapias, A y B, para dejar de fumar. De las personas que acuden al Centro para dejar de fumar, el 45% elige la terapia A, y el resto la B. Después de un año el 70% de los que siguieron la terapia A y el 80% de los que siguieron la B no han vuelto a fumar.

Se elige al azar un usuario del Centro que siguió una de las dos terapias:

- a) (1 punto) Calcule la probabilidad de que después de un año no haya vuelto a fumar.
- b) (**0.75 puntos**) Si transcurrido un año esa persona sigue sin fumar, calcule la probabilidad de que hubiera seguido la terapia A.
- c) (**0.75 puntos**) Si transcurrido un año esa persona ha vuelto a fumar, calcule la probabilidad de que hubiera seguido la terapia A.

### **EJERCICIO 4**

Se conoce que la acidez de una solución es una variable aleatoria que sigue una distribución Normal con desviación típica 0.2. Se ha tomado una muestra aleatoria de cinco soluciones y se han obtenido las siguientes medidas de la acidez:

- a) (1.25 puntos) Halle el intervalo de confianza, al 99%, para la media poblacional.
- b) (0.5 puntos) ¿Qué error máximo se ha cometido en el intervalo anterior?
- c) (0.75 puntos) Para el mismo nivel de confianza, calcule el tamaño mínimo muestral que permita reducir el error anterior a la mitad.



# UNIVERSIDADES DE ANDALUCÍA PRUEBA DE ACCESO A LA UNIVERSIDAD

MATEMÁTICAS APLICADAS A LAS CIENCIAS SOCIALES

CURSO 2012-2013

Instrucciones:

- a) Duración: 1 hora y 30 minutos.
- b) Elija una de las dos opciones propuestas y conteste los ejercicios de la opción elegida.
- c) En cada ejercicio, parte o apartado se indica la puntuación máxima que le corresponde.
- d) Se permitirá el uso de calculadoras que no sean programables, gráficas ni con capacidad para almacenar o transmitir datos.
- e) Si obtiene resultados directamente con la calculadora, explique con detalle los pasos necesarios para su obtención sin su ayuda. Justifique las respuestas.

## OPCIÓN B

### EJERCICIO 1

Se desea maximizar la función F(x, y) = 14x + 8y en el recinto dado por:

$$y+3x \ge 9$$
;  $y \le -\frac{4}{7}x+14$ ;  $5x-2y \le 15$ ;  $x \ge 0$ .

- a) (1 punto) Represente la región factible del problema.
- b) (1 punto) ¿Cuál es el valor máximo de F y la solución óptima del problema?
- c) (0.5 puntos) Obtenga un punto de la región factible que no sea el óptimo.

### **EJERCICIO 2**

Se considera la función  $f(x) = \begin{cases} x^3 - 1 & \text{si } x < 1 \\ -x^2 + 4x - 3 & \text{si } x \ge 1 \end{cases}$ 

- a) (0.75 puntos) Determine el dominio y estudie la continuidad de la función.
- b) (1 punto) Obtenga los extremos de la función.
- c) (0.75 puntos) Estudie su curvatura.

### **EJERCICIO 3**

De los sucesos independientes A y B se sabe que  $P(A^C) = 0.4$  y  $P(A \cup B) = 0.8$ .

- a) (1.25 puntos) Halle la probabilidad de B.
- b) (0.75 puntos) Halle la probabilidad de que no se verifique B si se ha verificado A.
- c) (**0.5 puntos**) ¿Son incompatibles los sucesos A y B?

#### **EJERCICIO 4**

- a) (1.25 puntos) Se considera la población {2, 4, 6}. Escriba todas las posibles muestras de tamaño dos elegidas mediante muestreo aleatorio simple y determine la desviación típica de las medias muestrales.
- b) (1.25 puntos) En una ciudad se seleccionó una muestra aleatoria de 500 alumnos de Bachillerato a los que se les preguntó si poseían una determinada marca de teléfono móvil, resultando que 80 de ellos contestaron afirmativamente. Obtenga un intervalo de confianza, al 92%, para estimar la proporción de estudiantes de Bachillerato que poseen esa marca de teléfono móvil.